

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Департамент образования Вологодской области

управление образования Администрации

Харовского муниципального округа

МБОУ "Харовская СОШ №2"

(ID 2074211)

СОГЛАСОВАНО

зам. директора по УВР

УТВЕРЖДЕНО

директор

Скворцова О.Ю.
Протокол № 1 от «29»
08.2023 г.

Соколова М.С.
Приказ № 142 от «29»
08.2023 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

(ID 897215)

учебного курса « Вероятность и статистика»

для обучающихся 7-9 классов

г. Харовск 2023

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

В современном цифровом мире вероятность и статистика приобретают всё большую значимость, как с точки зрения практических приложений, так и их роли в образовании, необходимом каждому человеку. Возрастает число профессий, при овладении которыми требуется хорошая базовая подготовка в области вероятности и статистики, такая подготовка важна для продолжения образования и для успешной профессиональной карьеры.

Каждый человек постоянно принимает решения на основе имеющихся у него данных. А для обоснованного принятия решения в условиях недостатка или избытка информации необходимо в том числе хорошо сформированное вероятностное и статистическое мышление.

Именно поэтому остро встала необходимость сформировать у обучающихся функциональную грамотность, включающую в себя в качестве неотъемлемой составляющей умение воспринимать и критически анализировать информацию, представленную в различных формах, понимать вероятностный характер многих реальных процессов и зависимостей, производить простейшие вероятностные расчёты.

Знакомство в учебном курсе с основными принципами сбора, анализа и представления данных из различных сфер жизни общества и государства приобщает обучающихся к общественным интересам. Изучение основ комбинаторики развивает навыки организации перебора и подсчёта числа вариантов, в том числе в прикладных задачах. Знакомство с основами теории графов создаёт математический фундамент для формирования компетенций в области информатики и цифровых технологий. При изучении статистики и вероятности обогащаются представления обучающихся о современной картине мира и методах его исследования, формируется понимание роли статистики как источника социально значимой информации и закладываются основы вероятностного мышления.

В соответствии с данными целями в структуре программы учебного курса «Вероятность и статистика» основного общего образования выделены следующие содержательно-методические линии: «Представление данных и описательная статистика», «Вероятность», «Элементы комбинаторики», «Введение в теорию графов».

Содержание линии «Представление данных и описательная статистика» служит основой для формирования навыков работы с информацией: от чтения и интерпретации информации, представленной в таблицах, на диаграммах и графиках, до сбора, представления и анализа данных с использованием статистических характеристик средних и рассеивания. Работая с данными, обучающиеся учатся считывать и интерпретировать

данные, выдвигать, аргументировать и критиковать простейшие гипотезы, размышлять над факторами, вызывающими изменчивость, и оценивать их влияние на рассматриваемые величины и процессы.

Интуитивное представление о случайной изменчивости, исследование закономерностей и тенденций становится мотивирующей основой для изучения теории вероятностей. Большое значение имеют практические задания, в частности опыты с классическими вероятностными моделями.

Понятие вероятности вводится как мера правдоподобия случайного события. При изучении учебного курса обучающиеся знакомятся с простейшими методами вычисления вероятностей в случайных экспериментах с равновозможными элементарными исходами, вероятностными законами, позволяющими ставить и решать более сложные задачи. В учебный курс входят начальные представления о случайных величинах и их числовых характеристиках.

В рамках учебного курса осуществляется знакомство обучающихся с множествами и основными операциями над множествами, рассматриваются примеры применения для решения задач, а также использования в других математических курсах и учебных предметах.

В 7–9 классах изучается учебный курс «Вероятность и статистика», в который входят разделы: «Представление данных и описательная статистика», «Вероятность», «Элементы комбинаторики», «Введение в теорию графов».

На изучение учебного курса «Вероятность и статистика» отводится 102 часа: в 7 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 8 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 9 классе – 34 часа (1 час в неделю).

В 2023-2024 учебном году изучать данный курс будут обучающиеся 7-8-х классов, которые переходят с 01.09.2023 на обучение по обновленному ФГОС ООО.

В условиях введения обновленного ФГОС ООО и с целью обеспечения подготовки обучающихся к ГИА в форме ОГЭ по математике в 2025 году в общеобразовательных организациях области необходимо провести работу по освоению обучающимися 8 классов содержания курса «Вероятность и статистика» в 2023-2024 учебном году в полном объеме.

В «Методических рекомендациях по введению федеральных основных общеобразовательных программ (ФООП)» (письмо Министерства просвещения РФ от 03.03.2023 № 03-327) указано, что «при переходе на ФООП не в первый год изучения учебного предмета на соответствующем уровне общего образования необходимо предусмотреть особый порядок учебного планирования (переходный период)».

Для реализации учебного курса «Вероятность и статистика» в переходный период в 8-х классах общеобразовательных организаций Вологодской области рекомендуем предусмотреть в учебном плане:

- 3 часа в неделю на учебный курс «Алгебра»,
- 2 часа в неделю на учебный курс «Геометрия»,
- 2 часа в неделю на учебный курс «Вероятность и статистика» (в том числе 1 час выделить за счет части учебного плана, формируемой участниками образовательных отношений).

Увеличение количества часов на изучение учебного курса «Вероятность и статистика» в 8-х классах связано с необходимостью изучить элементы содержания, которые включены в содержание учебного курса в 7 классе в целях обеспечения достижения планируемых результатов и качественного освоения обучающимися образовательной программы. При этом в учебном плане общеобразовательной организации и при ведении классного журнала в 7-8-х классах указывается наименование конкретного учебного курса «Алгебра», «Геометрия», «Вероятность и статистика».

СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

7 КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков. Заполнение таблиц, чтение и построение диаграмм (столбиковых (столбчатых) и круговых). Чтение графиков реальных процессов. Извлечение информации из диаграмм и таблиц, использование и интерпретация данных.

Описательная статистика: среднее арифметическое, медиана, размах, наибольшее и наименьшее значения набора числовых данных. Примеры случайной изменчивости.

Случайный эксперимент (опыт) и случайное событие. Вероятность и частота. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе. Монета и игральная кость в теории вероятностей.

Граф, вершина, ребро. Степень вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Представление о связности графа. Цепи и циклы. Пути в графах. Обход графа (эйлеров путь). Представление об ориентированном графе. Решение задач с помощью графов.

8 КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Множество, элемент множества, подмножество. Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение. Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения. Использование графического представления множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач.

Измерение рассеивания данных. Дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов. Диаграмма рассеивания.

Элементарные события случайного опыта. Случайные события. Вероятности событий. Опыты с равновероятными элементарными событиями. Случайный выбор. Связь между маловероятными и практически достоверными событиями в природе, обществе и науке.

Дерево. Свойства деревьев: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер. Правило умножения. Решение задач с помощью графов.

Противоположные события. Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий. Несовместные события. Формула сложения вероятностей. Условная вероятность. Правило умножения. Независимые события. Представление эксперимента в виде дерева. Решение задач на

нахождение вероятностей с помощью дерева случайного эксперимента, диаграмм Эйлера.

9 КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков, интерпретация данных. Чтение и построение таблиц, диаграмм, графиков по реальным данным.

Перестановки и факториал. Сочетания и число сочетаний. Треугольник Паскаля. Решение задач с использованием комбинаторики.

Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка и из дуги окружности.

Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха. Серия испытаний Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли.

Случайная величина и распределение вероятностей. Математическое ожидание и дисперсия. Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины «число успехов в серии испытаний Бернулли».

Понятие о законе больших чисел. Измерение вероятностей с помощью частот. Роль и значение закона больших чисел в природе и обществе.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО КУРСА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА» НА УРОВНЕ ОСНОВНОГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного курса «Вероятность и статистика» характеризуются:

1) патриотическое воспитание:

проявлением интереса к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах;

2) гражданское и духовно-нравственное воспитание:

готовностью к выполнению обязанностей гражданина и реализации его прав, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (например, выборы, опросы), готовностью к обсуждению этических проблем, связанных с практическим применением достижений науки, осознанием важности морально-этических принципов в деятельности учёного;

3) трудовое воспитание:

установкой на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей жизни для успешной профессиональной деятельности и развитием необходимых умений, осознанным выбором и построением индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учётом личных интересов и общественных потребностей;

4) эстетическое воспитание:

способностью к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений, умению видеть математические закономерности в искусстве;

5) ценности научного познания:

ориентацией в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях развития человека, природы и общества, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира, овладением простейшими навыками исследовательской деятельности;

б) физическое воспитание, формирование культуры здоровья и эмоционального благополучия:

готовностью применять математические знания в интересах своего здоровья, ведения здорового образа жизни (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), сформированностью навыка рефлексии, признанием своего права на ошибку и такого же права другого человека;

7) экологическое воспитание:

ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды, осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения;

8) адаптация к изменяющимся условиям социальной и природной среды:

готовностью к действиям в условиях неопределённости, повышению уровня своей компетентности через практическую деятельность, в том числе умение учиться у других людей, приобретать в совместной деятельности новые знания, навыки и компетенции из опыта других;

необходимостью в формировании новых знаний, в том числе формулировать идеи, понятия, гипотезы об объектах и явлениях, в том числе ранее неизвестных, осознавать дефициты собственных знаний и компетентностей, планировать своё развитие;

способностью осознавать стрессовую ситуацию, воспринимать стрессовую ситуацию как вызов, требующий контрмер, корректировать принимаемые решения и действия, формулировать и оценивать риски и последствия, формировать опыт.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- разбирать доказательства математических утверждений (прямые и от противного), проводить самостоятельно несложные доказательства математических фактов, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные рассуждения;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, самостоятельно устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить по самостоятельно составленному плану несложный эксперимент, небольшое исследование по установлению особенностей математического объекта, зависимостей объектов между собой;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

- выявлять недостаточность и избыточность информации, данных, необходимых для решения задачи;
- выбирать, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- выбирать форму представления информации и иллюстрировать решаемые задачи схемами, диаграммами, иной графикой и их комбинациями;
- оценивать надёжность информации по критериям, предложенным учителем или сформулированным самостоятельно.

Коммуникативные универсальные учебные действия:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения

- в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
 - представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории;
 - понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных математических задач;
 - принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;
 - участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, мозговые штурмы и другие), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

- самостоятельно составлять план, алгоритм решения задачи (или его часть), выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

- владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата деятельности поставленной цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения цели, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу обучения **в 7 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Читать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, представлять данные в виде таблиц, строить диаграммы (столбиковые (столбчатые) и круговые) по массивам значений.

Описывать и интерпретировать реальные числовые данные, представленные в таблицах, на диаграммах, графиках.

Использовать для описания данных статистические характеристики: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах.

Иметь представление о случайной изменчивости на примерах цен, физических величин, антропометрических данных, иметь представление о статистической устойчивости.

К концу обучения **в 8 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Описывать данные с помощью статистических показателей: средних значений и мер рассеивания (размах, дисперсия и стандартное отклонение).

Находить частоты числовых значений и частоты событий, в том числе по результатам измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в опытах, зная вероятности элементарных событий, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями.

Использовать графические модели: дерево случайного эксперимента, диаграммы Эйлера, числовая прямая.

Оперировать понятиями: множество, подмножество, выполнять операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение, перечислять элементы множеств, применять свойства множеств.

Использовать графическое представление множеств и связей между ними для описания процессов и явлений, в том числе при решении задач из других учебных предметов и курсов.

К концу обучения **в 9 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в различных источниках в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Решать задачи организованным перебором вариантов, а также с использованием комбинаторных правил и методов.

Использовать описательные характеристики для массивов числовых данных, в том числе средние значения и меры рассеивания.

Находить частоты значений и частоты события, в том числе пользуясь результатами проведённых измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в изученных опытах, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями, в сериях испытаний до первого успеха, в сериях испытаний Бернулли.

Иметь представление о случайной величине и о распределении вероятностей.

Иметь представление о законе больших чисел как о проявлении закономерности в случайной изменчивости и о роли закона больших чисел в природе и обществе.

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 7 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательны е ресурсы	Реализация воспитательного потенциала учебного занятия учётом направления рабочей программы воспитания.
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Представление данных	7		2	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc	Установка на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей жизни. Осваивание способов представления статистических данных и числовых массивов с помощью таблиц и диаграмм с использованием актуальных и важных данных (демографические данные, производство промышленной и сельскохозяйственной продукции, общественные и природные явления).
2	Описательная статистика	8		1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc	Решать задачи на выбор способа описания данных в соответствии с природой данных и целями исследования
3	Случайная изменчивость	6	1	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc	Готовностью к действиям в условиях неопределённости,

					415fdc	необходимостью в формировании новых знаний, в том числе формулировать идеи, понятия, гипотезы об объектах и явлениях, в том числе ранее не известных, осознавать дефициты собственных знаний и компетентностей, планировать своё развитие. Проведение дискуссий, которые дают учащимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога
4	Введение в теорию графов	4			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc	Осваивать способы представления задач с помощью графов в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды, осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения
5	Вероятность и частота случайного события	4		1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc	Изучение значимости маловероятных событий в природе и обществе на важных примерах (аварии, несчастные случаи, защита персональной информации, передача данных).
6	Обобщение, систематизация	5	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc	Обсуждение примеров случайных событий, маловероятных и

	знаний				415fdc	практически достоверных случайных событий, их роли в природе и жизни человека
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	5		

8 класс (на переходный период, 2023/2024 учебный год, содержание 7 и 8 класса, 68 часов)

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы	Реализация воспитательного потенциала учебного занятия учётом направления рабочей программы воспитания.
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Представление данных	7	-	2	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2	Установка на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей жизни. Осваивание способов представления статистических данных и числовых массивов с помощью таблиц и диаграмм с использованием актуальных и важных данных (демографические данные, производство промышленной и сельскохозяйственной продукции, общественные и природные явления).
2	Описательная статистика.	12	-	2	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2	Решение задач на выбор способа описания данных в соответствии с природой данных и целями исследования. Применение на уроке интерактивных форм работы с обучающимися.

3	Множества	4	-	-	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2	Выполнение контекстных учебных заданий, направленных на формирование представления математических основах функционирования различных структур, явлений. Работа с информационными текстами, посвященными достижениям отечественной науки и техники
4	Случайная изменчивость	6	-	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2	Готовностью к действиям в условиях неопределённости, необходимостью в формировании новых знаний, в том числе формулировать идеи, понятия, гипотезы об объектах и явлениях, в том числе ранее не известных, осознавать дефициты собственных знаний и компетентностей, планировать своё развитие.
5	Введение в теорию графов	8	-	-	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2	Осваивание способов представления задач с помощью графов в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды, осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения
6	Вероятность и	10	-	2	Библиотека ЦОК	Изучение значимости

	частота случайного события				https://m.edsoo.ru/7f417fb2	маловероятных событий в природе и обществе на важных примерах (аварии, несчастные случаи, защита персональной информации, передача данных).
7	Случайные события	8	-	-	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2	Моделирование: описание словами и с помощью предметной модели сюжетной ситуации и математического отношения, направленное на формирование готовности к активному участию в решении практических задач математической направленности.
8	Повторение и обобщение, контроль	13	2	-	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2	Обсуждение примеров случайных событий, маловероятных и практически достоверных случайных событий, их роли в природе и жизни человека. Организация наставничества мотивированных и эрудированных учащихся над их неуспевающими одноклассниками, дающего школьникам социально значимый опыт сотрудничества и взаимной помощи
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68	2	7		

9 КЛАСС

№ п/ п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы	Реализация воспитательного потенциала учебного занятия с учётом направления рабочей программы воспитания.
		Всего	Контрольные работы	Практичес кие работы		
1	Повторение курса 8 класса	4			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f41a302	Обсуждение примеров случайных событий, маловероятных и практически достоверных случайных событий, их роли в природе и жизни человека. Установление доверительных отношений с обучающимися, привлечение их внимания к обсуждаемой на уроке информации, активизации
2	Элементы комбинаторики	4		1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f41a302	Применение на уроке интерактивных форм работы с обучающимися: интеллектуальных игр, стимулирующих познавательную мотивацию обучающихся
3	Геометрическа я вероятность	4			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f41a302	Привлечение внимания обучающихся к ценностному аспекту изучаемых на уроках явлений, организация их работы с получаемой на уроке социально значимой информацией
4	Испытания Бернулли	6		1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f41a302	Ориентация в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях развития человека, природы и общества, пониманием математической науки как сферы

						человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира.
5	Случайная величина	6			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f41a302	Использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию обучающимся примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения
6	Обобщение, контроль	10	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f41a302	Обсуждение примеров случайных событий, маловероятных и практически достоверных случайных событий, их роли в природе и жизни человека. Организация наставничества мотивированных и эрудированных учащихся над их неуспевающими одноклассниками, дающего школьникам социально значимый опыт сотрудничества и взаимной помощи
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	1	2		

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ
7 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Представление данных в таблицах	1			
2	Практические вычисления по табличным данным	1			
3	Извлечение и интерпретация табличных данных	1			
4	Практическая работа "Таблицы"	1		1	
5	Графическое представление данных в виде круговых, столбиковых (столбчатых) диаграмм	1			
6	Чтение и построение диаграмм. Примеры демографических диаграмм	1			
7	Практическая работа "Диаграммы"	1		1	
8	Числовые наборы.	1			
9	Среднее арифметическое	1			
10	Медиана числового набора.	1			
11	Устойчивость медианы	1			
12	Практическая работа "Средние значения"	1		1	
13	Наибольшее значения числового набора.	1			
14	Наименьшее значения числового набора.	1			
15	Размах	1			
16	Контрольная работа по темам "Представление данных. Описательная статистика"	1	1		
17	Случайная изменчивость (примеры)	1			

18	Частота значений в массиве данных	1			
19	Группировка	1			
20	Гистограммы	1			
21	Построение гистограмм	1			
22	Практическая работа "Случайная изменчивость"	1		1	
23	Граф, вершина, ребро. Представление задачи с помощью графа	1			
24	Степень (валентность) вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин.	1			
25	Цепь и цикл. Путь в графе. Представление о связности графа	1			
26	Обход графа (эйлеров путь). Представление об ориентированных графах	1			
27	Случайный опыт и случайное событие	1			
28	Вероятность и частота события. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе	1			
29	Монета и игральная кость в теории вероятностей	1			
30	Практическая работа "Частота выпадения орла"	1		1	
31	Контрольная работа по темам "Случайная изменчивость. Графы. Вероятность случайного события"	1	1		
32	Повторение, обобщение. Представление данных	1			
33	Повторение, обобщение. Описательная статистика	1			
34	Повторение, обобщение. Вероятность случайного события	1			
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	5	

8 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Введение в предмет. Представление данных.	1			
2	Практические вычисления по табличным данным	1			
3	Извлечение и интерпретация табличных данных	1			
4	Практическая работа "Таблицы"	1		1	
5	Графическое представление данных в виде круговых, столбиковых (столбчатых) диаграмм	1			
6	Чтение и построение диаграмм. Примеры демографических диаграмм	1			
7	Практическая работа "Диаграммы"	1		1	
8	Числовые наборы	1			
9	Среднее арифметическое	1			
10	Медиана числового набора.	1			
11	Устойчивость медианы	1			
12	Практическая работа "Средние значения"	1		1	
13	Наибольшее значения числового набора	1			
14	Наименьшее значения числового набора.	1			
15	Размах	1			
16	Отклонения	1			
17	Дисперсия числового набора	1			
18	Стандартное отклонение числового набора	1			
19	Диаграммы рассеивания. Практическая работа на	1		1	

	построение диаграмм рассеивания данных.				
20	Множество, подмножество	1			
21	Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение	1			
22	Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения	1			
23	Графическое представление множеств	1			
24	Контрольная работа по темам "Статистика. Множества"	1	1		
25	Случайная изменчивость (примеры)	1			
26	Частота значений в массиве данных	1			
27	Группировка	1			
28	Гистограммы	1			
29	Построение гистограмм.	1			
30	Практическая работа №5 «Случайная изменчивость»	1		1	
31	Граф, вершина, ребро. Представление задачи с помощью графа.	1			
32	Степень (валентность) вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин.	1			
33	Цепь и цикл. Путь в графе. Представление о связности графа.	1			
34	Обход графа (эйлеров путь). Представление об ориентированных графах	1			
35	Дерево	1			
36	Свойства дерева: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер	1			
37	Правило умножения	1			

38	Применение правил умножения при решении заданий	1			
39	Случайный опыт и случайное событие.	1			
40	Вероятность и частота события. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе.	1			
41	Монета и игральная кость в теории вероятностей.	1			
42	Практическая работа «Частота выпадения орла»	1		1	
43	Благоприятствующие элементарные события	1			
44	Вероятности событий	1			
45	Опыты с равновероятными элементарными событиями	1			
46	Решение задач на применение правил вычисления вероятностей	1			
47	Случайный выбор. Математическое описание случайных событий.	1			
48	Практическая работа "Опыты с равновероятными элементарными событиями"	1		1	
49	Противоположное событие	1			
50	Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий	1			
51	Формула сложения вероятностей	1			
52	Правило умножения вероятностей.	1			
53	Решение задач на формулу сложения и правило умножения	1			
54	Условная вероятность. Независимые события.	1			
55	Представление случайного эксперимента в виде дерева.	1			
56	Применение правил для вычисления вероятностей событий с помощью дерева.	1			
57	Повторение, обобщение. Представление данных.	1			

58	Повторение, обобщение. Описательная статистика.	1			
59	Повторение, обобщение. Решение задач на представление и описание данных с помощью изученных характеристик.	1			
60	Повторение, обобщение. Графы	1			
61	Повторение, обобщение. Решение задач с применением графов.	1			
62	Повторение, обобщение. Решение задач на нахождение вероятностей объединения и пересечения событий	1			
63	Повторение, обобщение. Решение задач на нахождение вероятностей с использованием графических представлений	1			
64	Повторение, обобщение. Вероятность случайного события.	1			
65	Повторение, обобщение. Рассеивание данных.	1			
66	Контрольная работа по темам "Случайные события. Вероятность. Графы"	1	1		
67	Представление случайного эксперимента в виде дерева	1			
68	Повторительно-обобщающий урок	1			
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68	2	7	

9 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Представление данных	1			
2	Описательная статистика	1			
3	Операции над событиями	1			
4	Независимость событий	1			
5	Комбинаторное правило умножения	1			
6	Перестановки. Факториал. Сочетания и число сочетаний	1			
7	Треугольник Паскаля	1			
8	Практическая работа "Вычисление вероятностей с использованием комбинаторных функций электронных таблиц"	1		1	
9	Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости	1			
10	Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры из отрезка	1			
11	Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры из дуги окружности	1			
12	Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из числового промежутка	1			
13	Испытание. Успех и неудача.	1			
14	Серия испытаний до первого успеха	1			
15	Нахождение суммы вероятностей успеха и	1			

	неудачи				
16	Испытания Бернулли.	1			
17	Вероятности событий в серии испытаний Бернулли	1			
18	Практическая работа "Испытания Бернулли"	1		1	
19	Случайная величина и распределение вероятностей	1			
20	Математическое ожидание и дисперсия случайной величины	1			
21	Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины	1			
22	Понятие о законе больших чисел	1			
23	Измерение вероятностей с помощью частот	1			
24	Применение закона больших чисел	1			
25	Обобщение, систематизация знаний. Представление данных	1			
26	Обобщение, систематизация знаний. Описательная статистика	1			
27	Обобщение, систематизация знаний. Представление данных. Описательная статистика	1			
28	Обобщение, систематизация знаний. Вероятность случайного события	1			
29	Обобщение, систематизация знаний. Вероятность случайного события. Элементы комбинаторики	1			
30	Обобщение, систематизация знаний. Элементы комбинаторики	1			
31	Обобщение, систематизация знаний. Элементы	1			

	комбинаторики. Случайные величины и распределения				
32	Обобщение, систематизация знаний. Случайные величины и распределения	1			
33	Итоговая контрольная работа	1	1		
34	Обобщение, систематизация знаний	1			
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	1	2	

**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА
ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

- Математика. Вероятность и статистика: 7-9-е классы: базовый уровень: учебник: в 2 частях, 7-9 классы/ Высоцкий И.Р., Яценко И.В.; под ред. Яценко И.В., Акционерное общество «Издательство «Просвещение»

МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

1. Математика. Вероятность и статистика: 7-9-е классы: базовый уровень: методическое пособие к предметной линии учебников по вероятности и статистике И.Р.Высоцкого, И.В.Яценко под ред. И.В.Яценко. _ Москва: Просвещение, 2022.- 38 с.
2. Математическая вертикаль. Теория вероятностей и статистика 7 - 9. //И.Р.Высоцкий, А.А. Макаров, Ю.Н. Тюрин, И.В. Яценко. - М.: МЦНМО, 2020.
3. Математика. Универсальный многоуровневый сборник задач. 7-9 классы. Учеб. пособие для общеобразоват. организаций. в 3 ч. ч. 3. Статистика. Вероятность. Комбинаторика. Практические задачи /И.Р. Высоцкий, И.В. Яценко. - М.: Просвещение, 2020.
4. Теория вероятностей и статистика/ Ю.Н. Тюрин, А.А.Макаров, И.Р.Высоцкий, И.В. Яценко.-М.:МЦНМО: АО "Московские учебники",2004._256 с.: ил.

**ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ
ИНТЕРНЕТ**

1. Сайт Лаборатории теории вероятностей и статистики МЦМНО

«Вероятность в школе». - Ресурс доступа: <http://ptlab.mccme.ru/vertical>

2. Сайт «Вероятность и статистика в школьном курсе математики: учебник, методическое пособие для учителя и набор цифровых ресурсов,

виртуальные лаборатории для моделирования случайных опытов, событий и величин»

//Конкурс НФПК "Разработка Инновационных учебно- методических комплексов

(ИУМК) для системы общего образования". - Ресурс доступа: [http://school-](http://school-collection.edu.ru/catalog/rubr/5ec5ba0-3192-11dd-bd11-0800200c9a66/107406/)

[collection.edu.ru/catalog/rubr/5ec5ba0-3192-11dd-bd11-0800200c9a66/107406/](http://school-collection.edu.ru/catalog/rubr/5ec5ba0-3192-11dd-bd11-0800200c9a66/107406/)

3. Теория вероятностей и математическая статистика. Методическиематериалы.

- Ресурс доступа: http://matem-109.ru/matem/teor_ver.htm